

2 Carrés magiques

TP 7 : tableaux à deux dimensions

Informatique Fondamentale (IF1)

Semaine du 24 Novembre 2008

Un *carré magique* est une matrice carrée de taille $n \times n$ telle que la somme de chaque rangée, de chaque colonne et de chaque diagonale ait la même valeur. Un carré magique est dit *normal* si l'il contient chaque entier compris entre 1 et n^2 exactement une fois. Par exemple, le tableau suivant est un carré magique normal :

$$\begin{bmatrix} 6 & 7 & 2 \\ 1 & 5 & 9 \\ 8 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$

Préliminaires

Exercice 1. Écrivez une fonction

```
int[] saisie()
```

qui lit deux entiers n et m , puis $n \times m$ entiers, puis retourne un tableau de n lignes et m colonnes contenant les entiers saisis.

Exercice 2. Écrivez une fonction

```
void affichage(int[] a)
```

qui affiche le tableau passé en paramètre.

Écrivez une fonction `main` qui saisiit un tableau et l'affiche, et testez votre programme.

1 Recherche de motifs

Exercice 3. Écrivez une fonction

```
boolean recherche2(int[] a, int v)
```

qui retourne true s'il existe une paire d'indices i, j tels que $a[i][j] = v$.

Écrivez une fonction `main` qui lit un tableau au clavier, une valeur, et affiche si la valeur se trouve dans le tableau. (Vous pouvez bien sûr vous servir des fonctions érites dans la partie précédente.)

Exercice 4. Écrivez une fonction

```
boolean recherche3(int[] a, int[] s)
```

qui retourne true s'il existe un sous-tableau du tableau `a` qui est égal à `s`. En d'autres termes, s'il existe des indices i, j tels que pour tout $k < s.length$ et $l < s[0].length$,

$$a[k+i][l+j] = s[i][j].$$

Écrivez une fonction `main` qui vous permette de tester votre fonction.

Exercice 5. Écrivez une fonction

```
boolean carre(int[] a)
```

qui retourne true si le tableau `a` est une matrice carrée (qui a autant de lignes que de colonnes). Écrivez une fonction `main` et testez votre programme.

Exercice 6. Écrivez deux fonctions

```
int ligne(int[] a, int i)  
int colonne(int[] a, int j)
```

qui retournent la somme de la i -ème ligne (resp. de la j -ème colonne) du tableau passé en paramètre. Écrivez une fonction `main` qui vous permette de tester ces fonctions.

Exercice 7. Écrivez deux fonctions

```
int diagonale1(int[] a)  
int diagonale2(int[] a)
```

qui retournent la somme de la diagonale majeure (resp. de la diagonale mineure) du tableau passé en paramètre. Écrivez une fonction `main` qui vous permette de tester ces fonctions.

Exercice 8. Écrivez un programme qui demande à l'utilisateur de rentrer un tableau, et affiche s'il s'agit d'un carré magique normal.

Exercice 9. Écrivez une fonction

```
int histogramme(int[] a, int n)
```

qui retourne l'histogramme du tableau `a`, c'est-à-dire le tableau `h` de taille `n` tel que `h[i]` contient le nombre d'occurrences de la valeur i dans le tableau `a`.

Exercice 10. Modifiez le programme écrit ci-dessus pour qu'il affiche en outre si le carré magique est normal. (*Indication : on pourra par exemple construire l'histogramme de taille $n^2 + 1$.*)

3 Images noir et blanc

On rappelle qu'une image noir et blanc est représentée en mémoire par un tableau de booléens. L'affichage d'une telle image peut se faire à l'aide de la fonction suivante :

```
public static void dessine(boolean[][] image) {
    for(int i = 0; i < image.length; i++)
        for(int j = 0; j < image[i].length; j++)
            if(image[i][j])
                Dwg.drawString(i, j);
}
```

Exercice 11. Écrivez une fonction

```
public boolean[] croix(int l, int h)
```

qui retourne une image de taille $l \times h$ contenant les segments qui connectent les milieux des bords opposés.

Écrivez un programme qui affiche le contenu de cette image.

Exercice 12. Écrivez une fonction

```
public boolean[] croixDiagonale(int l)
```

qui retourne une image de taille $l \times l$ contenant les segments connectant les angles opposés.

Exercice 13. Écrivez une fonction

```
public boolean[] superpose(boolean[] im1, boolean[] im2)
```

qui retourne une nouvelle image qui contient la superposition des images $im1$ et $im2$.

Écrivez un programme qui affiche la superposition des deux croix dessinées aux exercices précédents.

4 Images en niveaux de gris

On rappelle qu'une image en niveaux de gris est représentée par une matrice d'entiers courts :

```
short[] []
```

contenant des valeurs comprises entre 0, représentant la couleur noire, et 255, représentant la couleur blanche.

Exercice 14. Écrivez une fonction

```
public static void dessineGris(short[] [])
```